Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Комсомольский-на-Амуре государственный университет»

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ¹ по дисциплине

Дифференциальные уравнения

Направление подготовки	01.03.04 – «П	рикладная математі	чка»	
Направленность (профиль) образовательной программы	Математиче	еское и компьютерное моделирование		
O6	еспечивающее	подразделение		
Кафе	дра «Прикладі	ная математика»		
Разработчик ФОС: доцент кафедры ПМ, к.ф-м.н. (должность, степень, ученое	звание)	(подпись)	А.Л. Григорьева (ФИО)	
(должность, степень, ученос	званис)	(подпись)	(ΨNO)	
Оценочные материалы по дисци		грены и одобрены на	заседании кафедры,	
протокол № _5 от «»				
Заведующий кафедрой		_ А.Л. Григорьева		

¹ В данном документе представлены типовые оценочные средства. Полный комплект оценочных средств, включающий все варианты заданий (тестов, контрольных работ и др.), предлагаемых обучающемуся, хранится на кафедре в бумажном и электронном виде.

1 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами образовательной программы

Таблица 1 – Компетенции и инликаторы их лостижения

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	ии и индикаторы их достижения				
Код и наименование	Индикаторы достижения	Планируемые результаты			
компетенции		обучения по дисциплине			
	Универсальные	•			
	Общепрофессиональные				
ОПК-1 Способен	ОПК-1.1 Знает основные есте-	Знать: основные понятия			
применять знание	ственно-научные составляющие за-	вычислительной матема-			
фундаментальной	дач профессиональной деятельно-	тики;			
математики и есте-	сти, а также математические и фи-	Уметь: применять методы			
ственно-научных	зические теоремы, законы, алго-	вычислительной матема-			
дисциплин при ре-	ритмы решения задач;	тики при решении инженер-			
шении задач в обла-	ОПК-1.2 Умеет использовать ме-	ных задач;			
сти естественных	тоды решения задач, математиче-	Владеть: навыком приме-			
наук и инженерной	ские, физические законы для реше-	нения методов вычисли-			
практике	ния задач прикладного характера;	тельной математики для ре-			
_	ОПК-1.3 Владеет навыками ис-	шения стандартных задач в			
	пользования основных математи-	профессиональной деятель-			
	ческих, физических законов, тео-	ности;			
	рем, алгоритмов решения в задачах				
	профессиональной деятельности;				
Профессиональные					

Таблица 2 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые	Формируемая	Наименование	
разделы (темы)	компетенция	оценочного	Показатели оценки
дисциплины		средства	
Раздел 1 Дифференциальные	ОПК-1	Контрольная ра-	Знает основные понятия тео-
уравнения первого порядка.		бота.	рии дифференциальных
			уравнений первого порядка и
			умеет их применять для ре-
			шения задач.
Раздел 2 Системы дифферен-	ОПК-1	Контрольная ра-	Знает основные положения о
циальных уравнений.		бота.	системах дифференциальных
			уравнений и умеет их приме-
			нять для решения задач.

2 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие процесс формирования компетенций

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений,

навыков и (или) опыта деятельности, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 3).

Таблица 3 – Технологическая карта

аоли	аолица 3 — Гехнологическая карта			
	Наименование оценочного средства	Сроки выпол- нения	Шкала оценива- ния	Критерии оценивания
				4 семестр
	П	ромежуто	чная ат	тестация в форме зачета с оценкой
	Контрольная работа	В конце семестра	50 бал- лов	50 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличные владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы на защите.
				30 баллов - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов на защите.
1				15 баллов - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительное владение навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено много неточностей.
				0 баллов - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено множество неточностей.
Теку	щий кон-	_	50 балло	nD
трол		-		
Кри	терии опенки	г результ <mark>ат</mark>	гов обуче	ния по дисциплине:

Критерии оценки результатов обучения по дисциплине:

- 0-64 % от максимально возможной суммы баллов «неудовлетворительно» (недостаточный уровень для промежуточной аттестации по дисциплине);
- 65-74 % от максимально возможной суммы баллов «удовлетворительно» (пороговый (минимальный) уровень);
- 75-84 % от максимально возможной суммы баллов «хорошо» (средний уровень);
- 85-100 % от максимально возможной суммы баллов «отлично» (высокий (максимальный) уровень).

5 семестр Промежуточная аттестация в форме Экзамен				
	Контрольная работа		50 бал- лов	50 баллов - студент правильно выполнил задание. По-

Наименование оценочного средства	Сроки выпол- нения	Шкала оценива- ния	Критерии оценивания
			казал отличные владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы на защите.
			30 баллов - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хорошие владения навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов на защите.
			15 баллов - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительное владение навыками применения полученных знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено много неточностей.
			0 баллов - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень владения навыками применения полученных знаний и умений
			при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы на защите было допущено множество неточностей.
Томиний коми	NOTE:		- 50 баллов -
Текущий контроль: Экзамен			50 баллов
Экзамен:			- 50 баллов -
ИТОГО:			- <u></u>
$0-64\ \%$ от мак	симально возм	южной су	ения по дисциплине: ммы баллов – «неудовлетворительно» (недостаточный пи по дисциплине);

- уровень для промежуточной аттестации по днецииние,, 65 74 % от максимально возможной суммы баллов «удовлетворительно» (пороговый (минимальный) уровень);
- 75 84 % от максимально возможной суммы баллов «хорошо» (средний уровень);
- 85 100 % от максимально возможной суммы баллов «отлично» (высокий (максимальный) уровень)
 - 3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, xaрактеризующие процесс формирования компетенций в ходе освоения образовательной программы
 - 3.1 Задания для текущего контроля успеваемости

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА (семестр 4)

Выяснить, являются ли решениями данных дифференциальных уравнений указанные функции.

1.
$$xy' = 2y, y = 5x^{2}$$
.
2. $y'' = x^{2} + y^{2}, y = \frac{1}{x}$.
3. $(x + y)dx + xdy = 0, y = \frac{c^{2} - x^{2}}{2x}$.
4. $y'' + y = 0, y = 3sinx - 4cosx$.
5. $\frac{d^{2}x}{dt^{2}} + \omega^{2}x = 0, x = C_{1}cos\omega t + C_{2}sin\omega t$.
6. $y'' - 2y' + y = 0$, a) $y = xe^{x}$, 6) $y = x^{2}e^{x}$.
7. $y'' - (\lambda_{1} + \lambda_{2})y' + \lambda_{1}\lambda_{2}y = 0, y = C_{1}e^{\lambda_{1}x} + C_{2}e^{\lambda_{2}x}$.

Показать, что для данных дифференциальных уравнений указанные соотношения являются интегралами.

8.
$$(x - 2y)y' = 2x - y, x^2 - xy + y^2 = C^2$$
.
9. $(x - y + 1)y' = 1, y = x + Ce^y$.
10. $(xy - x)y'' + xy'^2 + yy' - 2y' = 0, y = ln(xy)$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА (семестр 5)

Проверить, являются ли данные системы функций решениями данных систем дифференциальных уравнений.

1.
$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = -2tx_1^2, & \begin{cases} x_1 = \frac{1}{t^2}, \\ \frac{dx_2}{dt} = \frac{x_2 + t}{t}, \end{cases} & \begin{cases} x_2 = t \ln t. \end{cases} \\ 2. \begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = e^{t - x_1}, & \begin{cases} x_1 = t, \\ x_2 = 2e^t. \end{cases} \end{cases} \end{cases}$$
2.
$$\begin{cases} \frac{dx_2}{dt} = 2e^{x_1}, & \begin{cases} x_2 = 2e^t. \end{cases} \end{cases}$$
3.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y, & \begin{cases} x = e^{2t}, \\ y = e^t. \end{cases} \end{cases}$$
4.
$$\begin{cases} \frac{dy}{dx} = \frac{z^{-1}}{z}, & \begin{cases} y = x + e^x, \\ z = e^{-x}. \end{cases} \end{cases}$$

Проверить, являются ли данные функции ψ первыми интегралами данных систем дифференциальных уравнений.

5.
$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = \frac{x_1^2}{x_2}, & \psi = x_1 x_2 e^{-t}. \\ \frac{dx_2}{dt} = x_2 - x_1, & \\ 6. \begin{cases} \frac{dx}{dt} = \frac{e^{-x}}{t}, & \psi = (1+x)e^{-x} - e^{-y}. \\ \frac{dy}{dt} = \frac{x}{t}e^{-y}, & \end{cases}$$

7.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \frac{y+t}{x+y}, \\ \frac{dy}{dt} = \frac{x-t}{x+y}, \end{cases}$$
 a) $\psi_1 = x + y - t$; 6) $\psi_2 = x + y + t$.

Для следующих систем дифференциальных уравнений проверить, образуют ли данные пары функций системы независимых первых интегралов.

8.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = \frac{t-y}{y-x}, \\ \frac{dy}{dt} = \frac{x-t}{y-x}, \\ 0. \end{cases} \begin{cases} x+y+t = C_1, \quad x^2+y^2+t^2 = C_2. \\ \frac{dx}{dt} = \frac{t+y}{x+y}, \\ \frac{dy}{dt} = \frac{t+x}{x+y}, \end{cases} \frac{x-y}{t-x} = C_1, \quad \frac{t-x}{t-y} = C_2.$$

3.2 Задания для промежуточной аттестации

Экзамен

Контрольные вопросы к экзамену

- 1. Понятие дифференциального уравнения. Задачи, приводящиеся к обыкновенным дифференциальным уравнениям.
- 2. Дифференциальные уравнения первого порядка. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши. Понятие об общем, частном и особом решениях дифференциальных уравнений.
- 3. Геометрический смысл дифференциального уравнения первого порядка. Классификация дифференциальных уравнений первого порядка.
- 4. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка.
- 5. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Метод вариации произвольных постоянных. Метод Бернулли. Уравнение Бернулли.
- 6. Уравнения в полных дифференциалах
- 7. Дифференциальные уравнения высших порядков. Уравнения, допускающие понижение порядка.
- 8. Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения, основные понятия. Линейно-независимая система функций. Определитель Вронского. Теорема об условии линейной независимости решений дифференциального уравнения.
- 9. Фундаментальная система решений линейного однородного дифференциального уравнения. Теорема о структуре общего решения линейного однородного дифференциального уравнения
- 10. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Различные случаи нахождения фундаментальной системы решений.
- 11. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения *n*-го порядка. Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения.
- 12. Метод вариации произвольных постоянных. Нахождение частного решения линейного неоднородного дифференциального уравнения n-го порядка.
- 13. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения *n*-го порядка со специальной правой частью. Метод неопределенных коэффициентов нахождения частного решения. Принцип наложения решений.

- 14. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод исключения неизвестных.
- 15. Системы линейных однородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Типовые экзаменационные задачи

Методом исключения решить следующие системы дифференциальных уравнений.

1.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -9y, \\ \frac{dy}{dt} = x. \end{cases}$$
2.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = y + t, \\ \frac{dy}{dt} = x - t. \end{cases}$$
3.
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} + 3x + 4y = 0, x(0) = 1, \\ \frac{dy}{dt} + 2x + 5y = 0, y(0) = 4. \end{cases}$$

Проверить, являются ли данные системы функций решениями данных систем дифференциальных уравнений.

1.
$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = -2tx_1^2, & \begin{cases} x_1 = \frac{1}{t^2}, \\ \frac{dx_2}{dt} = \frac{x_2 + t}{t}, \end{cases} & \begin{cases} x_2 = t \ln t. \\ x_2 = t \ln t. \end{cases} \end{cases}$$
2.
$$\begin{cases} \frac{dx_1}{dt} = e^{t - x_1}, & \begin{cases} x_1 = t, \\ x_2 = 2e^t. \end{cases} \end{cases}$$